

مقایسه مدل‌های مختلف بقاء در مطالعه طول مدت شیردهی

دکتر مصطفی حسینی^{۱*}، دکتر کاظم محمد^۱، میترا رحیم‌زاده‌کیوی^۲، دکتر محمود محمودی^۱

۱- گروه اپیدمیولوژی و آمار زیستی، دانشکده بهداشت، دانشگاه علوم پزشکی تهران -۲- گروه آمار زیستی، دانشکده علوم پزشکی، دانشگاه تربیت مدرس

دریافت: ۸۵/۹/۲۷ پذیرش: ۸۶/۲/۱۰

Title: Comparison of survival models in studying breastfeeding duration

Authors: Hosseini M, (PhD); Mohammad K, (PhD); Rahimzadeh M, (MSc); Mahmoodi M, (PhD).

Introduction: Survival analysis is the statistical method for the study of time to an event, but there are various models to fit the data so the important question is which of these models are the most appropriate. In survival analysis, like all regression models, we can use residuals for assessment of the model fitness. There are varieties of residuals and each of them can be used for an especial purpose.

Methods: In this study to compare different models in the study of factors associated with duration of breastfeeding, we used the data collected on women in Mazandaran Province, Iran during 2003-2004.

Results: For determination of factors associated with breastfeeding duration, we fitted Cox proportional hazard, exponential, Weibull, Gompertz, log-normal, log-logistic and gamma generalized models to the data. The assumptions of the above models were also checked.

Conclusion: Cox-Snell residuals were used for assessment of the fitness of each model. Then a method was suggested to compare different models on the basis of these residuals. It was concluded that Cox proportional hazard model was the most appropriate.

Keywords: Survival analysis, Cox proportional hazard model, Cox-Snell residuals, breastfeeding.

Hakim Research Journal 2007; 10(1): 66- 71.

* نویسنده مسؤول: تهران، دانشگاه تهران، دانشکده بهداشت، گروه اپیدمیولوژی و آمار زیستی. تلفن: ۸۸۹۸۹۱۲۷ نامبر: ۸۸۹۸۹۱۲۵ پست الکترونیک: hoseinim@tums.ac.ir

چکیده

مقدمه: آنالیز بقاء یکی از روش‌های آماری است که برای مطالعه زمان تا وقوع یک پیشامد به کار می‌رود ولی به دلیل تنوع روش‌های آن، مقایسه مدل‌های مختلف جهت انتخاب مناسب‌ترین مدل از سوالات اساسی این‌گونه مطالعات می‌باشد. در آنالیز بقاء نیز مانند رگرسیون خطی برای ارزیابی خوبی یک مدل و یا انتخاب بهترین مدل برآش شده می‌توان از باقی‌مانده‌ها استفاده کرد. در آنالیز بقاء با انواع مختلف باقی‌مانده‌ها سروکار داریم که هر یک برای منظور خاصی مورد استفاده قرار می‌گیرند.

روش کار: در این مطالعه برای مقایسه مدل‌های مختلف بقاء در تعیین عوامل مؤثر بر طول مدت شیردهی از اطلاعات مطالعه‌ای که در سال ۱۳۸۲ در استان مازندران انجام شده بود، استفاده نمودیم.

یافته‌ها: برای شناسایی عوامل مؤثر بر طول مدت شیردهی به برآش مدل‌های مختلف بقاء از جمله مدل مخاطره متناسب کاکس، نمایی، وایل، گومپرتز، لگ نرمال، لگ لجستیک و گامای تعمیم یافته پرداختیم و شرایط لازم برای استفاده از این مدل‌ها را نیز مورد بررسی قرار دادیم.

نتیجه گیری: با بررسی کاربرد انواع باقی‌مانده‌ها در ارزیابی برآش این‌گونه مدل‌ها، با استفاده از باقی‌مانده کاکس-استنل و با ارایه یک روش مقایسه‌ای به انتخاب بهترین مدل برآش شده پرداختیم و مدل کاکس به عنوان مناسب‌ترین مدل انتخاب گردید.

گل واژگان: آنالیز بقاء، مدل مخاطره، متناسب کاکس، باقی‌مانده کاکس-استنل، شیردهی.

مقدمه

پارامتری در نظر بگیریم یکی از مدل‌های نمایی^۵، وایل^۶ و گومپرتز^۷ به دست می‌آیند و اگر خطر مبنای صورت نامعین در نظر گرفته شود مدل نیمه پارامتری خطرات متناسب کاکس به دست می‌آید. در مدل رگرسیونی شتاب‌دار، زمان شکست اثر متغیرهای کمکی را بر روی لگاریتم زمان بقاء به دست می‌آوریم. در این حالت مانند مدل رگرسیون معمولی، توزیع باقی‌مانده اهمیت بهسزایی دارد و نوع مدل را مشخص می‌کند. مدل‌های به دست آمده در این حالت نمایی، وایل، لگ نرمال^۸، لگ لجستیک^۹ و گامای تعمیم یافته^{۱۰} می‌باشند. باید توجه کرد که مدل وایل (حالت خاصی از آن نمایی) تنها مدلی است که به هر دو فرم AFT و PH می‌تواند مورد استفاده قرار گیرد. مدل‌های به دست آمده در هر دو فرم AFT و PH را مدل‌های پارامتری می‌گویند^(۱۲). در مطالعات انجام شده بر روی شیردهی در ایران به طور مثال آغازاطمه^(۱۱) (۱) با استفاده از رگرسیون معمولی^(۱۰)، گلستان^(۱۲) و اشراقیان^(۱۴) هر یک به طور جداگانه با استفاده از آزمون لگ رنک^(۱۲) و مدل رگرسیونی خطرات متناسب کاکس به

یکی از روش‌های آماری که برای مطالعه زمان تا وقوع یک پیشامد به کار می‌رود، تحلیل بقاء می‌باشد. اگر چه در ابتدا این نوع تحلیل بیشتر برای مطالعه مرگ‌ومیر به کار می‌رفت و این نام‌گذاری نیز به دلیل این هدف اوایله بوده است ولی امروزه تحلیل بقاء در اکثر مطالعات علمی که شامل بررسی مدت زمان تا وقوع یک پیشامد، مانند مدت زمان تا قطع شیردهی می‌باشد، نیز مورد استفاده قرار می‌گیرد (۱). یکی از موارد دشوار در مورد تحلیل بقاء نوع روش‌هاست. از جمله این روش‌ها می‌توان به جدول عمر^۱، برآورده کننده کاپلان-مایر^۲، و مدل‌های رگرسیونی بقاء اشاره کرد. در بررسی داده‌های بقاء اگر هدف، توصیف زمان بقاء بدون در نظر گرفتن متغیرهای کمکی باشد از روش‌های تحلیل ناپارامتری مانند جدول عمر و کاپلان-مایر استفاده می‌شود. ولی اگر هدف، بررسی اثرات متغیرهای کمکی بر روی زمان بقاء باشد مدل‌های رگرسیونی بقاء مورد استفاده قرار می‌گیرد. این مدل‌ها به دو دسته اصلی تقسیم می‌شوند: مدل خطرات متناسب^۳ و مدل شتاب‌دار زمان شکست^۴. در مدل رگرسیونی خطرات متناسب اثر متغیرهای کمکی را بر روی تابع خطر به دست می‌آوریم. در این حالت اگر خطر مبنای صورت

⁵ Exponential

⁶ Weibull

⁷ Gompertz

⁸ Log-Normal

⁹ Log-Logistic

¹⁰ Generalized Gamma

¹¹ Linear Regression Model

¹² Log-Rank

¹ Life Table

² Kaplan Meier

³ Proportional Hazard (PH)

⁴ Accelerated Failure Time (AFT)

پارامتری و نیمه پارامتری کاکس را به داده‌ها برآذش داده و در مقایسه آنها از باقی‌مانده کاکس-اسنل استفاده کردیم. برای انجام این تجزیه و تحلیل از نرم‌افزار STATA استفاده شده است.

نتایج

در مدل‌سازی داده‌های بقاء، یکی از اهداف اصلی تعیین عوامل مؤثر بر زمان بقاء می‌باشد؛ همچنین با مدل‌سازی می‌توان برآورد تابع بقاء برای هر فرد را در هر لحظه زمانی به دست آورد. به همین دلیل برای برآذش بهترین مدل به طول مدت شیردهی ابتدا به کمک آزمون لگ-رنک به شناسایی متغیرهایی که رابطه معناداری با متغیر طول مدت شیردهی داشتند، پرداختیم. سپس تمام متغیرهایی که در آزمون لگ-رنک معنادار شده بودند را در مدل‌های مختلف بقاء، از جمله نمایی، وایبل، گومپرتر، لگ نرمال، لگ لجستیک، گامای تعمیم یافته و مدل مخاطره مناسب کاکس وارد کرده و در هر یک از مدل‌ها با روش گامبه‌گام مبادرت به یافتن مؤثرترین فاکتورها نمودیم تا در نهایت با حذف اثر مخدوش‌کننده‌ها، مدل نهایی شناسایی شود. به طور مثال متغیرهای معنادار در مدل‌های نهایی رگرسیون مخاطره مناسب کاکس، گومپرتر و وایبل در جدول ۱ نشان داده شده‌اند.

جدول ۱- متغیرهای معنادار در مدل‌های نهایی کاکس، گومپرتر و وایبل

مدل وایبل HR (SE)	مدل گومپرتر HR (SE)	مدل کاکس HR* (SE*)	متغیرهای معنادار
-۰/۵۹ (۰/۰۶۶)	-۰/۶۲ (۰/۰۶۱)	-۰/۶۹ (۰/۰۶۸)	محل سکونت
-۰/۸۵ (۰/۹۷۹)	-۰/۵۸ (۰/۹۱۴)	-۰/۵۰ (۰/۸۶۷)	چند قلویی
-۰/۰۲ (۰/۴۱۰)	-۰/۱۷ (۰/۴۴۰)	-۰/۹۷ (۰/۳۹۹)	اشتغال مادر
-۰/۱۷۰ (۰/۲۴۱)	-۰/۷۶ (۰/۰۵۰)	-۰/۷۰ (۰/۰۴۲)	نوع حاملگی
-۰/۲۶ (۰/۵۱۲)	-۰/۵۶ (۰/۰۵۸۱)	-۰/۴۹ (۰/۰۵۶۷)	دادن شیر غیر مادر
-۰/۱۶۵ (۰/۰۳۲)	-۰/۱۷۹ (۰/۰۳۷۱)	-۰/۶۴ (۰/۰۳۳۹)	دادن چای و سایر دم کرده‌ها
-۰/۰۴۹ (۰/۱۰۳)	-۰/۰۴۵ (۰/۰۹۵)	-۰/۰۴۷ (۰/۰۰۷)	تعداد دفعات شیردهی
-۰/۰۵۳ (۰/۰۱۸)	-۰/۰۴۹ (۰/۰۰۹۹)	-۰/۰۵۳ (۰/۰۱۰۸)	حمایت و تشویق همسر

* خطای استاندارد

* میزان خطر

همان‌طور که در این جدول مشاهده می‌شود در هر سه مدل متغیرهای یکسانی با نسبت خطرهای تقریباً مشابهی وارد مدل شده‌اند. در هر سه مدل با توجه به نسبت خطرهای و انحراف معیارها، بیشترین تأثیر را متغیرهای محل سکونت و نوع حاملگی دارند.

بررسی عوامل مؤثر بر طول مدت شیردهی پرداخته‌اند. در مطالعات خارج از کشور نیز براویس^۱ (۵) از آزمون کای دو و آنالیز واریانس، ارتم^۲ (۶) از رگرسیون لجستیک، ریوا^۳ (۷) از رگرسیون لجستیک و رگرسیون کاکس، اسکات^۴ (۸)، برانگر^۵ (۹)، سابلوسکی^۶ (۱۰) و شوکی^۷ (۱۱) از آزمون لگ رنک و رگرسیون کاکس برای بررسی عوامل مؤثر بر طول مدت شیردهی استفاده نموده‌اند. در این مطالعات عموماً به آزمون برقراری فرض متناسب بودن خطرها مبادرت نشده است، همچنین در هیچ یک از این بررسی‌ها به مقایسه مدل کاکس با دیگر مدل‌های پارامتری بقاء که ممکن بود برای برآذش به داده‌ها مناسب باشند، پرداخته نشده است. در این مقایسه‌ها پرسش کلی این است که برای توصیف داده‌ها کدام مدل مناسب‌تر است، لذا چه ملاکی را برای تشخیص مدلی که بهتر به داده‌ها برآذش داده می‌شود باید به کار برد؟ یکی از مطمئن‌ترین راه‌ها برای حصول اطمینان از مناسب بودن مدل برآذش شده، استفاده از باقیمانده‌ها می‌باشد. در این مقاله سعی شده است با بیان مختصری از ویژگی‌های تابع بقاء، موارد استفاده باقیمانده‌ها را در ارزیابی مدل برآذش شده مشخص کنیم. لذا انواع این باقیمانده‌ها را مورد بحث قرار داده و سپس کاربرد باقیمانده کاکس- اسنل در ارزیابی مدل‌های مختلف بقاء در مطالعه عوامل مؤثر بر طول مدت شیردهی را نشان می‌دهیم.

روش کار

برای نشان دادن چگونگی استفاده از باقیمانده‌ها در مقایسه مدل‌های بقاء برآذش شده، از داده‌های مطالعه‌ای که در سال ۱۳۸۲ در استان مازندران و بر روی ۴۸۰ مادر دارای حداقل یک کودک ۲ تا ۳ ساله، انجام شده بود، استفاده نمودیم. برای جمع‌آوری اطلاعات مورد نیاز ۱۵ زن از ۴ مرکز درمانی شهری و ۱۵ زن نیز از ۴ مرکز درمانی روستاوی از ۴ شهر استان مازندران به تصادف انتخاب و در هر مرکز، یک نفر مسؤول جمع‌آوری اطلاعات گردید. آموزش‌های لازم جهت نالریب بودن روش‌های جمع‌آوری اطلاعات به صورت رو در رو داده شد. اطلاعات لازم به کمک پرسش‌نامه و مصاحبه جمع‌آوری گردید. برای تعیین عوامل مؤثر بر طول مدت شیردهی، مدل‌های رگرسیونی

³ Berovic

² Ertem

³ Riva

⁴ Scott

⁵ Branger

⁶ Sabulsky

⁷ Shawky

بدین طریق که اگر نمودار حاصل تقریباً به صورت یک خط راست باشد می‌توان گفت مدل پارامتری مفروض مناسب است. بنابراین برای تمام مدل‌های پارامتری مورد استفاده به ارزیابی مفروضات مورد نظر پرداختیم و مشاهده نمودیم که به جز در مدل گومپرتز، مفروضات دیگر مدل‌ها به طور مطلوب برقرار نمی‌باشد.

بحث و نتیجه‌گیری

چنان‌چه در مقدمه نیز ذکر شد برای اطمینان از برازش مناسب مدل، نیازمند آن هستیم که ملاکی برای بهتر بودن مدل برازش شده داشته باشیم. همان‌طور که در مدل رگرسیون خطی در نهایت این باقیمانده‌ها هستند که به ما کمک می‌کنند تا مدل را ارزیابی کنیم، در آنالیز بقاء نیز می‌توانیم به کمک باقیمانده‌ها مدل را مورد ارزیابی قرار دهیم.

در آنالیز بقاء مانند مدل رگرسیون خطی با انواع مختلف باقیمانده‌ها سر و کار داریم که هر یک برای منظور خاصی مورد استفاده قرار می‌گیرند. هر چند در استفاده از باقیمانده‌ها نظرات متفاوت است و بستگی به نوع اطلاعات، تجربه و نظر محقق دارد ولی به طور مرسوم باقیمانده‌های ذیل برای مواردی که اشاره می‌گردد، مورد استفاده قرار می‌گیرند. باقیمانده کاکس-اسنل^۲ معمولاً در ارزیابی کلی مدل به کار می‌رود. باقیمانده مارتینگل^۳ در ارزیابی شکل تابعی که در برگیرنده متغیرهای کمکی است و همچنین در سنجش عدم توانایی مدل در برازش مناسب به داده‌ها مورد استفاده قرار می‌گیرد. باقیمانده‌های اسکور^۴ و اسکنفیلد برای ارزیابی برقرار بودن فرض مناسب بودن خطر در مدل مخاطره مناسب کاکس، شناسایی نقاط پرنفوذ و شناسایی مقادیر پرت به کار می‌روند و باقیمانده دیوینس^۵ در ارزیابی درستی و صحت مدل و شناسایی مقادیر پرت مورد استفاده قرار می‌گیرد (۱۲). خوشبختانه محاسبه همه این باقیمانده‌ها در نرم‌افزار STATA امکان‌پذیر است.

bacیمانده کاکس-اسنل در مدل نیمه پارامتری کاکس و همچنین برای مدل‌های پارامتری از جمله نمایی، وایبل، لگ‌نرمال، لگ‌لوجستیک، گاما، گومپرتز دارای توزیع نمایی با پارامتر $\lambda = 1$ می‌باشد (۱۳-۱۵).

بنابراین می‌توانیم از این bacیمانده برای ارزیابی خوبی یک مدل و همچنین مقایسه مدل‌های مختلف بقاء با یکدیگر استفاده

الزامی نبودن یک توزیع احتمالی برای زمان‌های بقاء یکی از مزايا و ويژگی‌های بارز مدل مخاطره مناسب کاکس می‌باشد؛ اما یک فرض اساسی در این مدل وجود دارد و آن فرض مناسب بودن خطر برای تمام متغیرهای مستقل موجود در مدل نهایی می‌باشد (۱۵-۱۶). در صورت برقراری این فرض تفسیر مدل به دست آمده ساده‌تر و راحت‌تر از مدل‌های پارامتری خواهد شد. بهمین دلیل با استفاده از باقی‌مانده اسکنفیلد^۱ به ارزیابی این فرض پرداختیم (۱۲) و مشاهده کردیم که در مورد مدل برازش شده نهایی کاکس، فرض مناسب بودن خطر رد نمی‌شود ($p=0.2$). همچنین فرض مناسب بودن خطر برای همه متغیرهای مستقل وارد شده در مدل به جز نوع حاملگی برقرار می‌باشد ($p=0.15$) و برای متغیر نوع حاملگی نیز در سطح $\alpha=0.01$ رد نمی‌شود. در نتیجه شرایط استفاده از مدل رگرسیونی کاکس به طور معقولی برقرار است.

همان‌طور که قبل اشاره شد در مدل رگرسیونی کاکس نیازی به فرض کردن توزیع احتمال خاصی برای زمان‌های بقاء نمی‌باشد اما از طرفی دیگر قابل شدن مفروضاتی و انتخاب یک توزیع احتمال فرضی برای زمان‌های بقاء، استنباط آماری را دقیق‌تر نموده، انحراف معیار برآوردها را نسبت به زمانی که چنین مفروضاتی وجود نداشته باشند را کوچک‌تر خواهد کرد (۱۶).

قبل از برازندهن یک مدل بر بنای شکل پارامتری ضروری است که یک بررسی مقدماتی برای معتبر بودن این مفروضات صورت گیرد. لذا با انجام تبدیلات ارایه شده در جدول (۲) و سپس رسم آنها در مقابل هم می‌توان مدل پارامتری را مورد ارزیابی قرار داد.

جدول ۲- تبدیلات لازم برای بررسی توزیع داده‌های بقاء در مدل‌های پارامتری

Mدل	Y	X
نمایی	$\log \hat{S}(t)$	t
گومپرتز	$\log[-\log \hat{S}(t)]$	t
وایبل	$\log[-\log \hat{S}(t)]$	$\log t$
گاما	$\phi^{-1}[1 - \hat{S}(t)]$	\sqrt{t}
لگ-نرمال	$\phi^{-1}[1 - \hat{S}(t)]$	$\log t$
لگ-لوجستیک	$\log \left[\frac{1 - \hat{S}(t)}{\hat{S}(t)} \right]$	$\log t$

² Cox-Snell

³ Martingale

⁴ Score

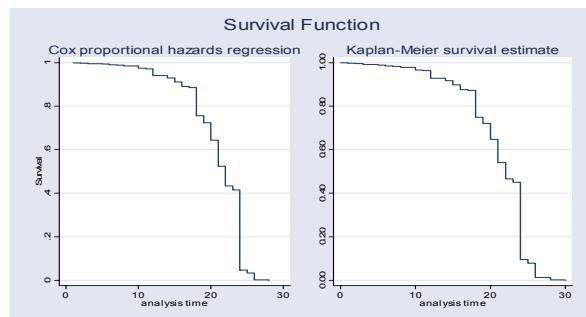
⁵ Deviance

تصادفی^۱ استفاده کردیم و مشاهده نمودیم که اختلاف بین این میانگین‌ها در سطح $0.01 = \alpha$ معنادار نمی‌باشد. لذا با توجه به این که مدل کاکس به جزء فرض متناسب بودن خطرها که برای این داده‌ها برقرار بود به هیچ‌گونه پیش فرض دیگری نیاز ندارد به عنوان مناسب‌ترین مدل برای برآورد نیاز دارد. می‌گردد.

جدول ۳- مقایسه انحراف از توزیع نمایی باقیمانده کاکس- اسفل در مدل‌های کاکس، گومپرتز، گاما، وایبل، لگ- نرمال و لگ لجستیک

نام مدل	میانگین (فاصله)	انحراف استاندارد
کاکس	۰/۱۵۲	۰/۰۲۰
گومپرتز	۰/۱۴۵	۰/۱۷۱
گاما	۰/۱۶۲	۰/۱۸۱
وایبل	۰/۱۷۶	۰/۱۹۹
لگ- نرمال	۰/۲۷۰	۰/۳۳۴
لگ- لجستیک	۰/۲۲۳	۰/۲۸۷

در شکل ۲ نمودار تابع بقاء مشاهده شده (کاپلان- مایر) و تابع بقاء مورد انتظار (مدل خطوط متناسب کاکس) ارایه شده است که نشان‌دهنده برآورده مناسب این مدل به داده‌های موجود می‌باشد.

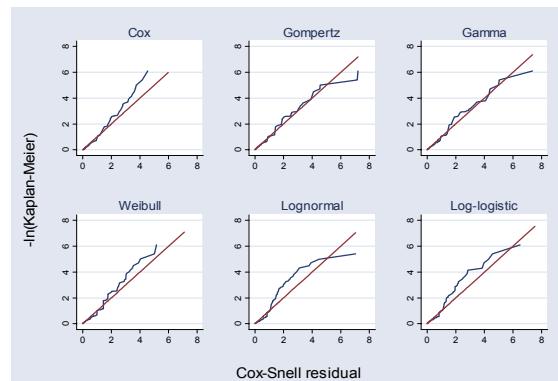


شکل ۲- مقایسه نمودار تابع بقاء مشاهده شده (کاپلان مایر) و مورد انتظار (کاکس)

تشکر و قدردانی

از تمامی کارکنان ایستگاه تحقیقاتی بابل، کارکنان مرکز بهداشتی و درمانی استان مازندران و همچنین تمامی مادران عزیزی که همکاری صمیمانه‌ای در انجام این پژوهش داشته‌اند، کمال تشکر و سپاس را داریم.

نموده و در نهایت از بین آنها مناسب‌ترین مدل را انتخاب نماییم. لذا برای هر یک از مدل‌های بقاء برآورش شده به داده‌ها، باقی‌مانده کاکس- اسفل را محاسبه نمودیم. حال برای ارزیابی و همچنین مقایسه این مدل‌ها با یکدیگر کافی است بررسی کنیم آیا این باقی‌مانده‌ها می‌توانند از توزیع نمایی تبعیت کنند یا نه؟ روش انجام کار مشابه حالتی است که می‌خواهیم ببینیم آیا یک سری داده می‌توانند از توزیع نرمال آمده باشند یا نه؟ این پدیده در STATA بدین صورت انجام می‌پذیرد که برآورد تابع بقاء به روش کاپلان- مایر برای این باقی‌مانده‌ها به دست می‌آید و تابع خطر تجمعی این برآورد محاسبه می‌گردد. سپس نمودار این تابع خطر را نسبت به باقی‌مانده کاکس- اسفل رسم می‌کنیم، هرچه نمودار به دست آمده به خط نیمساز نزدیک‌تر باشد، مدل برآورش شده مناسب‌تر خواهد بود (۱۲). رسم نمودارهای باقی‌مانده کاکس- اسفل برای مدل‌های کاکس، گاما، وایبل، گومپرائز، لگ- نرمال و لگ لجستیک و مدل مخاطره متناسب کاکس در شکل ۱ نشان داده شده است.



شکل ۱- رسم نمودار باقی‌مانده کاکس- اسفل در مدل‌های کاکس، گومپرائز، گاما، وایبل، لگ- نرمال و لگ- لجستیک

با توجه به این نمودارها مشاهده می‌شود که سه مدل کاکس، گاما و گومپرائز تقریباً به طور مناسبی به داده‌ها برآورش شده‌اند. در این جا مناسب‌ترین مدل می‌تواند مدلی باشد که نمودار باقی‌مانده آن به خط نیمساز نزدیک‌تر باشد. بنابراین برای آن که بتوانیم از بین این سه مدل، مناسب‌ترین مدل را انتخاب کنیم از میانگین فاصله بین تابع خطر و خط نیمساز استفاده کردیم. همان‌طور که در جدول ۳ مشاهده می‌شود این میانگین برای مدل گومپرائز کوچک‌تر می‌باشد.

برای مقایسه این اختلاف‌ها در سه مدل کاکس، گومپرائز و گاما (با توجه به این که این مدل‌های مختلف به یک مجموعه اطلاعات برآورش داده شده است) از آنالیز طرح بلوک‌های

^۱ Randomized block design

- 8- Scott GA, Aitkin I, Binns CW, et al. Factors associated with the duration of breastfeeding amongst women in Perth. *Australia Acta Paediatr* 1999; 88(4):416- 421.
- 9- Branger B, Cebron M, Picheron G, et al. Factors influencing the duration of breastfeeding. A study of 150 women. *Arch Pediatr* 1998;5(5):489-496.
- 10- Sabulsky S, Passamonte L, Pronato R, et al. Correlates of breastfeeding duration in an urban cohort. *Pediatr* 2003; 92(8):952-957.
- 11- Shawky S, Abalkhail A. Maternal factors associated with the duration of breastfeeding in Jeddah, Saudi Arabia. *Paediatric and Perinatal Epidemiology* 2003; 17: 91-96.
- 12- Stata Corporation. Stata survival analysis and epidemiological tables. Reference Manual, Release 8. Texas: College Station; 2003: 142.
- 13- Collet D. Modeling survival data in medical research. London: Chapman and Hall; 1986: 54.
- 14- Cox Dr, Oakes D. Analysis of Survival Data, London: Chapman and Hall; 1986: 70.
- 15- Klein JP, Moeschberger LM. Survival analysis techniques for censored and truncated data. New York: Springer-Verlag; 1997: 231.
- ۱۶- صانعی ح. تجزیه و تحلیل داده‌های بقا. چاپ اول. تهران: انتشارات اندیشمند؛ ۸۲:۱۳۸.

منابع

- ۱- امامی ب. بررسی شتاب باروری در استان مازندران. پایان نامه فوق لیسانس در رشته آمار زیستی، دانشکده بهداشت، دانشگاه علوم پزشکی تهران؛ ۱۳۸۱.
- ۲- حسینی ا. بررسی طول مدت شیردهی و علل قطع زودرس شیر مادر در زنان ساکن شهر تهران. پایان نامه فوق لیسانس در رشته آمار زیستی، دانشکده بهداشت، دانشگاه علوم پزشکی تهران؛ ۱۳۶۹.
- ۳- گلستان ب. تعیین مدل آماری برای طول مدت شیردهی در شهر تهران. پایان نامه فوق لیسانس در رشته آمار زیستی. دانشکده بهداشت، دانشگاه علوم پزشکی تهران؛ ۱۳۷۰.
- ۴- اشراقیان مر، خرم خورشید ح. مدل بقا مدت مصرف شیر مادر و برخی عوامل مؤثر بر آن در مناطق شهری و روستایی تاکستان - معرفی آنالیز بقا. مجله بهداشت ایران ۱۳۷۸؛ ۲۸ (۱-۴): ۵۵-۶۴.
- ۵- Berovic N. Impact of sociodemographic feature of mothers on breastfeeding in Croatia" questionnaire study Croatian. Medical Journal 2003; 44(5):596-600.
- 6-Ertem IO, Votto N, Leventhal JM. The timing and predictors of the early termination of breastfeeding. *Pediatrics* 2001;107(3):543-548.
- 7-Riva E, Banderali G, Agostoni C, et al. Giovannini Factors associated with initiation and duration of breastfeeding in Italy. *Acta Paediatr* 1999; 88(4): 411-415.